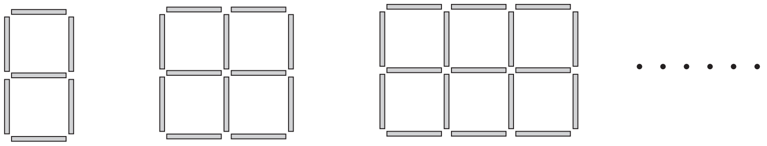
第 4 講　図形の規則性

Step 1

1　次の図のように，同じ長さの棒を並べて，１番目，２番目，３番目と図形をつくった。この並べ方にしたがい，４番目以降の図形をつくるとき，下のア，イに答えなさい。

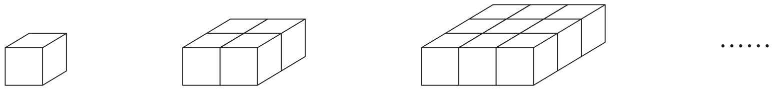


ア　５番目の図形をつくるときに必要な棒の本数を求めなさい。

イ　n 番目の図形をつくるときに必要な棒の本数を n を用いて表しなさい。

【青森県】

2　下の図のように，１辺の長さが $1\,\mathrm{cm}$ の立方体をすき間なく並べて，n 番目は底面が１辺 $n\,\mathrm{cm}$ の正方形となるように立体を作っていく。このとき，次の問いに答えよ。



(1)　４番目の立体の表面積を求めよ。

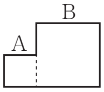
(2)　n 番目の立体の表面積を n を用いて表せ。

【福井県】

©RECRUIT HOLDINGS
本サービスに関する知的財産権その他一切の権利は著作権者に帰属します。
また本サービスに掲載の全部または一部につき無断複製･転載を禁止します。

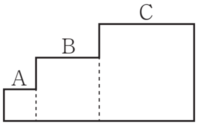
Step　2

3　１辺の長さが１cmの正方形Aと，１辺の長さが２cmの正方形Bと，１辺の長さが３cmの正方形Cがある。これらを何個か使って横１列に並べていき，そのときにできる図形の周囲の長さについて考える。例えば，正方形Aを１個，正方形Bを１個使って，右の図１のように並べたときにできる図形の周囲の長さは，10cmである。

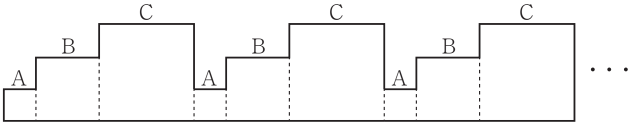
図１


このとき，次の問いに答えなさい。

1　右の図２のように，正方形A，B，Cを１個ずつ並べたときにできる図形の周囲の長さを求めよ。

図２


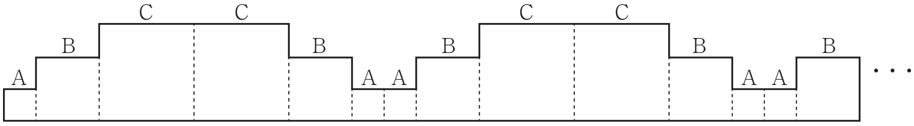
2　下の図３のように，図２の図形を横１列に並べていくとき，

図３


(1)　図２の図形を４個並べたときにできる図形の周囲の長さを求めよ。

(2)　図２の図形を n 個並べたときにできる図形の周囲の長さを，n を使って表せ。

3　下の図４のように，正方形A，B，Cを，左からA，B，C，C，B，A，A，B，C，C，B，A，A，B，…の順に並べていく。ちょうど10個目のBを並べたときにできる図形の周囲の長さを求めよ。

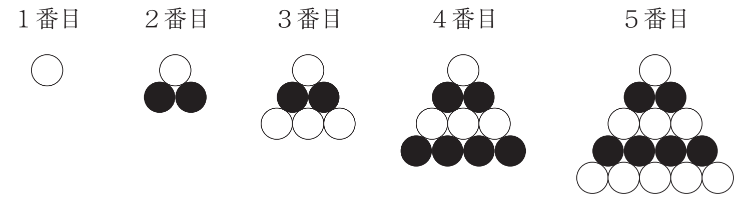
図４


【愛媛県】

©RECRUIT HOLDINGS
本サービスに関する知的財産権その他一切の権利は著作権者に帰属します。
また本サービスに掲載の全部または一部につき無断複製･転載を禁止します。

Step 3

4 図のように，同じ大きさの白と黒の石を，一定の規則にしたがい，段を分けて並べて，三角形状の図形をつくっていく。1番目，2番目，3番目，4番目，5番目，…の図形をつくるときに使う石の数は，表の通りである。(1)〜(3)に答えなさい。

図


表

	1番目	2番目	3番目	4番目	5番目	…
白石の個数	1	1	4	4	9	…
黒石の個数	0	2	2	6	6	…
石の総数	1	3	6	10	15	…

(1) 7番目の図形をつくるのに使う石の総数を求めなさい。

(2) 表の黒石の個数がはじめて90となるのは何番目の図形か，求めなさい。

(3) 101番目の図形をつくるのに使う白石の個数を求めなさい。

【島根県】

©RECRUIT HOLDINGS
本サービスに関する知的財産権その他一切の権利は著作権者に帰属します。
また本サービスに掲載の全部または一部につき無断複製・転載を禁止します。

〈 ***Note*** 〉

©RECRUIT HOLDINGS
本サービスに関する知的財産権その他一切の権利は著作権者に帰属します。
また本サービスに掲載の全部または一部につき無断複製・転載を禁止します。

第 4 講　図形の規則性

Step　1

1　ア．27（本）　イ．$5n+2$（本）

≪解説≫

ア．前の図形に横３本，縦２本のあわせて５本の棒を加えると次の図形になる。１番目の図形に使われている棒は７本なので，５番目の図形をつくるには，１番目の図形に，$5\times(5-1)=20$（本）の棒を加えればよい。よって，必要な棒の本数は，$7+20=27$（本）

イ．アと同様に考えると，n 番目の図形をつくるには，１番目の図形に $5(n-1)$ 本の棒を加えればよい。よって，必要な棒の本数は，$7+5(n-1)=5n+2$（本）

2　(1) 48（cm^2）　(2) $2n^2+4n$（cm^2）

≪解説≫

(1) 底面が１辺 4 cm の正方形で，高さが 1 cm の直方体になるから，底面積は，$4\times4=16$（cm^2），側面積は，$(1\times4)\times4=16$（cm^2）　よって，表面積は，$16\times2+16=48$（cm^2）

(2) 底面が１辺 n cm の正方形で，側面が，たて 1 cm，横 n cm の長方形だから，底面積は，$n\times n=n^2$（cm^2），側面積は，$(1\times n)\times4=4n$（cm^2）　よって，表面積は，$n^2\times2+4n=2n^2+4n$（cm^2）

Step　2

3　1．18（cm）　2．(1) 66（cm）　(2) $16n+2$（cm）　3．140（cm）

≪解説≫

1．図２の図形の横の長さの和は，$6\times2=12$（cm）　図２の図形のたての長さの和は，$3\times2=6$（cm）　これらを合わせると，$12+6=18$（cm）

2．(1) 図２の図形を２個つなげたとき周囲の長さの和は，16cm 増えるので，$18+16=34$（cm）　以後，図形を１つ増やすと同様に 16cm ずつ周囲の長さは増えるので，図形４個の周囲の長さの和は，$18+16\times3=66$（cm）　(2) (1)と同じように考えると，$18+16\times(n-1)=16n+2$（cm）

3．（A，B，C，C，B，A）の６個ずつに区切って考えると，（A，B，C，C，B，A）の図形１個には B が２個使われているので，10 個目の B を並べたときにできる図形は，（A，B，C，C，B，A）の図形が４個と（A，B，C，C，B）の図形が１個となる。ここで，（A，B，C，C，B，A）の左端の A の左側の一辺と，右端の A の右側の一辺を抜い

©RECRUIT HOLDINGS
本サービスに関する知的財産権その他一切の権利は著作権者に帰属します。
また本サービスに掲載の全部または一部につき無断複製･転載を禁止します。

た長さを考えると，$12 \times 2 + 4 = 28$ (cm)　また，最後の（A，B，C，C，B）の左端のAの左側の一辺を抜いた長さを考えると，$11 \times 2 + 5 = 27$ (cm)　図形全体の左端のAの左側の一辺を考えて周囲の長さの和を求めると，$1 + 28 \times 4 + 27 = 140$ (cm)

Step 3

4 (1) 28 (個)　(2) 18 (番目)　(3) 2601 (個)

≪解説≫

(1) 7 番目の図形の石の総数は，$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 = 28$ (個)

(2) 2，4，6 番目など偶数番目に注目すると，黒石の個数は 2，6，12，…となり，三角数 1，3，6…の 2 倍になっていることがわかる。ここで，$1 + 2 + \cdots + 9 = 45$ だから 45 は 9 番目の三角数，つまり，$45 \times 2 = 90$ は，$9 \times 2 = 18$ (番目)に登場する。

(3) 101 番目の白石の個数は 102 番目と等しい。ここで，2，4，6 番目など偶数番目に注目すると，白石の個数は 1，4，9，…となり，四角数になっていることがわかる。つまり，$102 \div 2 = 51$ (番目)の四角数を求めればよい。よって，$51^2 = 2601$ (個)

©RECRUIT HOLDINGS
本サービスに関する知的財産権その他一切の権利は著作権者に帰属します。
また本サービスに掲載の全部または一部につき無断複製･転載を禁止します。